Excerpt from proceedings of the **COMSOL CONFERENCE 2020** TOKYO

# 誘電体メタサーフェスの電磁場解析と 東エ大TSUBAME3.0での利用



岩見健太郎

### 東京農工大学 大学院工学研究院 先端機械システム部門



# 東京農工大学 岩見研究室

Topics: MEMS/NEMS, プラズモニクス、メタサーフェス Group Members in 2020AY

### 教員2名 大学院生: 7, 学部生: 6 研究内容: メタレンズ、ホログラフィ、ガスセンサ



# 本日の内容

- 1. メタサーフェス・メタレンズの概要
- 2. 誘電体導波路とCOMSOLによる電磁場解析
- 3. 可変焦点メタレンズ

### 4. まとめ

# メタマテリアルとメタサーフェス

- ・ 光メタマテリアル ✓サブ波長サイズの構造 (メタアトム)からなる、 屈折率が制御された物質 ✓負の屈折率など、自然界に 存在しない特性も可能
- ・メタサーフェス
  - ✓メタマテリアルのうち 平面的なもの
  - ✓微細加工との親和性
  - ✓金属や誘電体の微細構造の配列









マテリアル



メタマテリアル

原子(アトム)

金属メタサーフェス

メタサーフェスで可能な光機能



K. Iwami et al, APL 2012

Au nanoaperture array R. Izumi, et al, Opt. Exp 2020

K. Iwami et al, Opt. Exp. 2020

光に与える位相分布を制御することで、様々な光機能を実現

## メタレンズとは

- メタサーフェス (メタ表面)を応用 したレンズ
- ・小型・薄い (~λ/(*n*-1))
- リソグラフィ1回
   で製作可能





Harvard Univ. Capassoら、Nano Lett. 19, 8673 (2019)



## Top 10 Emerging Technologies for 2019



#### 3 ENGINEERING : TINY LENSES WILL ENABLE DESIGN OF MINIATURE OPTICAL DEVICES

Thin, flat metalenses could replace bulky glass for manipulating light

1. Bioplastics 6. Collaborative for a Telepresence Circular Economy Social Advanced **Robots** Food Tracking and Packaging 3. Tiny Lenses Safer for Miniature Nuclear **Devices** Reactors Disordered DNA Data Proteins Storage as Drug Targets 10. Utility-Scale 5. Smarter Storage of Fertilizers Can Reduce Renewable Environmental Energy

Contamination

https://www.scientificamerican.com/article/top-10-emerging-technologies-of-2019/





メタサーフェスレンズ : "メタレンズ"の例

- 凸レンズの波面変換
  - 入射平面波を 収束球面波に変換

位相分布:  $\phi(\mathbf{r}) \sim \frac{\pi}{\lambda f} r^2$ 

• 既存のレンズとメタレンズの比較





# 本日の内容

- 1. メタサーフェス・メタレンズの概要
- 2. 誘電体導波路とCOMSOLによる電磁場解析
- 3. 可変焦点メタレンズ

### 4. まとめ

メタアトム:Si誘電体導波路

- 誘電体の円柱状導波路の伝搬位相遅延を利用
- ・柱の直径に応じて透過光の位相が変化
- ・ 偏光依存なし、2πの位相可変範囲



## メタアトム設計のための電磁場解析

- あるナノ構造の光学応答を知りたい
- ・設計波長における光透過率と位相遅延を 求めたい:<u>高い透過率と0~2πの位相遅延の双方が重要</u>
- 3次元計算でやりたい
- ・ 調和振動(単色光)の定常計算でよい
  - FDTD法(Finite Difference Time Domain: FDTD法:時間領域)
  - RCWA法: 周期構造のみ
  - FEM(COMSOL等): 定常状態の計算なら低コスト



COMSOLの「波動光学」モジュールの
 「電磁波(周波数領域)(ewfd)」フィジックスを利用



やること



- 空間中に、計算したい構造を定 義する
- それぞれの領域に物質定数
   (比誘電率ε<sub>r</sub>(ω),比透磁率
   μ<sub>r</sub>(ω),)を設定する
- ・入射光電場Eを定義する (単色調和振動を仮定)  $E(r,t) = E_0(r) \exp i\omega t$
- 空間にメッシュを切る
- ・ 電場の波動方程式  $<math>
   \nabla^2 E_0 - \mu_r \epsilon_r k_0^2 E_0 = 0
   を解いて
   電場の空間分布 <math>
   E_0(r)
   を求める$
- 透過率と位相遅延を算出
- IAI

### COMSOLのMaterial Library Si

結晶Si	COMSOLのMaterial Library -> 光学 -> Inorganic Material	
材料名	refractiveindex.info の材料名	出典
Si (Apsnes)	Aspnes and Studna 1983: n,k 0.21-0.83 $\mu m$	Phys. Rev. B 27, 985-1009 (1983)
Si (Edwards)	Edwards and Ochoa 1980: n 2.5-25 $\mu m$	<u>Appl. Opt., <b>19</b>, 4130-4131 (1980)</u>
Si (Li)	Li 1980: n 1.2-14 µm; 293 K (Temp.)	<u>JPC Ref. Data <b>9</b>, 561-658 (1993)</u>
Si (Salzberg)	Salzberg and Villa 1957: n 1.36-11 $\mu m$	<u>JOSA, <b>47</b>, 244-246 (1957)</u> <u>Appl. Opt. <b>23</b>, 4477-4485 (1984)</u>
Si (Vuye)	Vuye et al. 1993: n,k 0.26-0.83 μm (Temp.) SC [111] wafer	<u>Thin Solid Films <b>233</b>, 166-170</u> (1993)

#### アモルファスSi

材料名	refractiveindex.info の材料名	出典
Si (Pierce)	Pierce and Spicer 1972: α-Si; n,k 0.0103- 2.07 μm	Phys. Rev. B 5, 3017-3029 (1972) (Palik. Ed., Handbook of optical constants of solids 1985)

標準材料ライブラリ->Elements->Si やMEMSライブラリ->Semiconductors->Siは 屈折率が入っていなかったり、あっても定数だったりするので注意を要する





Si膜は800 nm未満で吸収が大きい

## 当初の計算条件

- 底面に入射ポートを設定
   (周期、x方向偏光)
- 上面に出射ポートを設定
- ±x側面、±y側面に
   Floquet周期境界条件を設定
- フィジックス制御メッシュを 用いてメッシュを自動生成 要素サイズは下記の通り
  - ✓ ノーマル (Normal)
  - ✓ 細かい (Fine)
  - ✓ より細かい (Finer)
  - ✓ さらに細かい (Extra Fine)
  - ✓ きわめて細かい(Extremely Fine)
- ・ 東エ大 TSUBAME3.0を利用



### TSUBAME 3.0

- 東工大に設置された共用スーパー コンピュータ(理論性能47.2 PFlops)
- ーロ10万円で約1000時間・ノード利用可能
   (1ノード当たりCPU28Core, Memory 240GB, 4GPU)



- 農工大で所有するネットワークライセンス(FNL)を提供することで、COMSOLの利用が可能に
- Rescale等、民間のHPCサービスでも同様の利用形態が可能





±x, ±y境界とも周期境界条件(連続)の場合、境界付近で電場が異常に
 大きい領域(アーティファクト)がみられる 自然界には存在しないはず

原因

ファイル・

アプリケー

モデ

4 🚸

- •"雷磁波(周波数領域 )(ewfd)"フィジックス の設定で、フィジック ス制御メッシュを有効 にしていなかった →周期境界条件に対 応したメッシュが生成 されていなかった。
- Ver. 5.1

🗋 📨 🔚 🔣 🕨 ') (' 💷 🗉 🖷 🛄 🦉	
ルマ ホーム 定義 ジオメトリ 材料	フィジックス メッシュ スタディ 結果
A 警モデルデータアクセス リケーションビルダー 新規メソッドをレコード テストアプリケーション アプリケーション	<ul> <li>→</li> <li>→</li></ul>
デルビルダ → ▼ ▼ ■ ■ ■ ■ ▼ S aSi900_hexa.mph (root)	特性         設定           電磁波(周波数領域)           選択:         全ドメイン
<ul> <li>▲ ● クレーバル定義         <ul> <li>Pi パラメ-9 (param)</li> <li>● 材料</li> <li>■ コンポーネント 1 (comp1) (comp1)</li> <li>▶ 三 定義</li> <li>▶ △ ジオメトリ 1 (geom1)</li> <li>● 材料</li> <li>▲ 材料</li> </ul> </li> </ul>	1       2       アクティブ       3
<ul> <li>▶ 1 (wee1)</li> <li>▶ 1 (wee1)</li> <li>▶ 1 (pec1)</li> </ul>	▼ 方程式
▷ 🔚 初期値 1 <i>{init1}</i> ▷ 🔚 ポート 1 <i>{port1}</i>	方程式形:
<ul> <li>▶ ■ ポート 2 {port2}</li> <li>▶ ■ 周期条件 1 {pc1}</li> </ul>	コントロールされたスタディ
▷ ■ 周期条件 2 {pc2} ▷ ■ 周期条件 3 {pc3}	スタディ 1 {std1}, Wavelength domain {wave}
誤f 方程式ビュー (info) ▲ メッシュ 1 (mesh1)	$\nabla \times \mu_r^{\rm L} (\nabla \times {\rm E}) - k_0^2 (\mathcal{E}_r - \frac{j\sigma}{\omega \mathcal{E}_0}) {\rm E} = 0$
▲ <sup>∞</sup> スタディ 1 {std1}	▼ 設定
<ul> <li></li></ul>	計算対象:
<ul> <li>▶ 書 ジョブコンフィギュレーション</li> <li>▶ ■ 結果</li> </ul>	完全場
	▼ フィジックス制御メッシュ
	✓ 有効
	和八女糸91人。 lambda/10
	▼ ポートスイープ設定
	□ ポートスイープをアクティベート
	▷ 従属変数

### メッシュ設定による違い(周期境界)





#### フィジックス制御メッシュ有効





# 本日の内容

- 1. メタサーフェス・メタレンズの概要
- 2. 誘電体導波路とCOMSOLによる電磁場解析
- 3. 可変焦点メタレンズ

### 4. まとめ



CAD Data of lens #1

広い焦点距離調整が期待



### 製作結果と透過特性



透過率と位相差の傾向は比較的一致した。

![](_page_24_Figure_0.jpeg)

# 本日の内容

- 1. メタサーフェス・メタレンズの概要
- 2. 誘電体導波路とCOMSOLによる電磁場解析
- 3. 可変焦点メタレンズ

### 4. まとめ

### まとめ

- マルチフィジックス解析ソフトCOMSOLを用いてSi柱 メタ原子に関する電磁場解析を行った。
- 東工大のスーパーコンピュータTSUBAME3.0の利用 により、大規模な計算が可能となった。
- ガラス基板上に形成されたSi 8角柱を用いて、波長 900 nmの近赤外光において透過率60%以上、位相 差0~2πを達成する構造が得られることが分かった。
- 実際にメタレンズを製作し、可変焦点を確認した。
- ✓ 斜め入射、他の波長に対する応答性
   ✓ ナノ構造の光学応答を、どのようにマクロな 光学素子と対応づけるか?たとえばCOMSOLの光 線光学モジュールに持っていけるか?

![](_page_26_Picture_6.jpeg)

# ご清聴ありがとうございました

![](_page_27_Picture_1.jpeg)